

## Zadania do rozwiązania.

---

1. Dowieść, że iloczyn wszystkich czynników danej liczby  $N$  równa się  $\sqrt{N^n}$ , gdzie  $n$  liczba wszystkich czynników.

2. Wspólny największy dzielnik dwóch liczb  $A$  i  $B$  równa się liczbie wielokrotności liczby  $B$ , zawartych w szeregu  $A, 2A, 3A, \dots, BA$ .

3. Dowieść, że dwa ułamki nieskracalne, których suma równa się liczbie całkowitej, muszą mieć jednakowe mianowniki.

4. Dowieść, że ułamki peryodyczne, otrzymane ze zwyczajnych o tym samym mianowniku, mają jednakową liczbę cyfr w peryodzie.

5. Znaleźć, czemu równa się  $i^i$  ( $i = \sqrt{-1}$ ); dowieść, że wszystkie wartości  $i^i$ , a jest ich nieskończona liczba, są rzeczywiste. *Z. A.*

6. Dowieść, że liczba  $5^n \cdot 7^{2n} + 1$  przy nieparzystym całkowitem  $n$  dzieli się zawsze przez 41.

7. Dowieść, że hyperbola równoboczna  $x^2 - y^2 = p$ , gdzie  $p$  jest liczbą bezwzględnie pierwszą  $> 2$ , przechodzi tylko przez 4 punkty płaszczyzny, których spólrzędne są liczbami całkowitemi. *L. Z.*

---